

Nom

SOLUTIONS

Numéro d'étudiant

Professeur

Marc de Montigny

Date

Lundi 16 décembre 2019, de 9 h à midi

Local

Gymnase de la Faculté Saint-Jean, rangée 2

Instructions

- Ce cahier contient **9 pages** (incluant un tableau de la fonction gaussienne et un tableau périodique à la fin). Écrivez-y directement vos réponses. Vous pouvez utiliser le verso pour vos calculs; **je ne corrigerai pas le verso, sauf si vous m'indiquez de le faire.**
- L'examen contient **40 points** et vaut **40%** de la note finale du cours.
- L'examen contient **12 questions**. Vous pouvez obtenir une partie des points même si votre réponse finale est erronée.
- Examen à livre fermé. Vous pouvez utiliser l'aide-mémoire (une feuille recto-verso) que vous aurez imprimé et complété.
- Matériel permis: aide-mémoire, crayon ou stylo, calculatrice (programmable ou graphique permise aussi). Tout autre appareil électronique ou moyen de communication est interdit. Mettez vos téléphones cellulaires hors circuit.

Si quelque chose n'est pas clair, n'hésitez pas à me demander de clarifier!

Question 1. Concentration d'un polluant dans l'air [2.0 points]

La norme de Santé Canada pour l'exposition maximale résidentielle au monoxyde de carbone (CO) pendant 24 heures est d'une concentration de 10 ppm (parties par million).

- (a) Exprimez cette concentration en mg/m^3 à une température de 25°C et une pression de 1 atm. (Tableau périodique à la page 9.)
 (b) La concentration de CO en mg/m^3 à une température inférieure à 25°C sera-t-elle plus grande ou plus petite que votre réponse en (a)?

Solutions

- (a) On a $w = 12 + 16 = 28$ g/mole, $[\text{CO}] = 10$ ppm et $T = 273 + 25 = 298$ K. On utilise

$$\left[\frac{\text{mg}}{\text{m}^3}\right] = \frac{[\text{ppm}]w}{22.4} \times \frac{273}{T} = \frac{(10)(28)}{22.4} \times \frac{273}{298} = \boxed{11 \text{ mg}/\text{m}^3}$$

- (b) **plus grande** car si T diminue, $\left[\frac{\text{mg}}{\text{m}^3}\right]$ augmente.

Question 2. Pollution thermique [4.0 points]

Considérez une centrale électrique qui produit de l'énergie électrique (utile) au taux de 1300 MWe avec une efficacité η de 35%.

- (a) À quel taux, en MW, cette centrale perd-elle de la chaleur?
 (b) Pour quelle valeur de l'efficacité η le taux de production d'énergie électrique utile est-il égal au taux de perte de chaleur?
 (c) Pour une efficacité η , que représente physiquement $1 - \eta$? (Autrement dit, pour la partie (a), quel type de puissance ou taux d'énergie le 65% représente-t-il?)

Solution

- (a) De $\eta = \frac{E_{el}}{E_{el} + Q_p}$, on a $E_{el} + Q_p = \frac{E_{el}}{\eta}$, d'où $\frac{Q_p}{t} = \left(\frac{1}{\eta} - 1\right) \frac{E_{el}}{t} = \left(\frac{1}{0.35} - 1\right) 1300 = \boxed{2410 \text{ MW}}$

- (b) $\eta = \frac{E_{el}}{E_{el} + Q_p} = \frac{E_{el}}{E_{el} + E_{el}} = \boxed{50\%}$

- (c) **Le taux de chaleur perdue par rapport à la puissance totale produite** car

$$1 - \eta = \frac{E_{el} + Q_p}{E_{el} + Q_p} - \frac{E_{el}}{E_{el} + Q_p} = \frac{Q_p}{E_{el} + Q_p}$$

Question 3. Corps noir et loi de Wien [2.0 points]

Expliquez brièvement la signification des variables de la loi de Wien: $\lambda \propto \frac{1}{T}$

Réponse Un corps de température T émet un rayonnement dont $\lambda \propto \frac{1}{T}$ est la longueur d'onde à laquelle l'intensité est maximale.

... suite page suivante

Question 4. Rayonnement d'un corps noir et albédo [3.5 points]

La puissance émise par le Soleil vaut environ 3.96×10^{26} W. La distance moyenne entre le Soleil et la planète Mars vaut 227.9 millions de km et l'albédo de Mars vaut environ 0.16.

- (a) Quelle est la constante solaire de Mars, en W/m^2 ?
- (b) En considérant l'albédo et en divisant par 4 (car la puissance est absorbée par un disque et distribuée sur une sphère) quelle est l'intensité retournée vers l'espace, en W/m^2 ?
- (c) En tenant compte de l'albédo, et en supposant que Mars irradie comme un corps noir, quelle serait la température de Mars, en $^\circ\text{C}$?



Solution

(a) $I = \frac{P}{4\pi r^2} = \frac{3.96 \times 10^{26}}{4\pi(227.9 \times 10^9)^2} = \boxed{607 \text{ W/m}^2}$

(b) $\alpha \times \frac{I}{4} = 0.16 \frac{607}{4} = \boxed{24.3 \text{ W/m}^2}$

(c) $I = (1 - \alpha) \frac{I_0}{4} = \sigma T^4$ donne $T = \sqrt[4]{\frac{(1-\alpha)I_0}{4\sigma}} = T = \sqrt[4]{\frac{(1-0.16)607}{4\sigma}} = 218 \text{ K} = \boxed{-55^\circ\text{C}}$

Question 5. Concentration de CO_2 et température [2.5 points]

En novembre 2019, la concentration moyenne globale de CO_2 valait 410 ppm. De combien cette concentration devrait augmenter pour que la température globale moyenne augmente de $\Delta T = 3^\circ\text{C}$, en supposant qu'une augmentation de $\Delta T_d = 6^\circ\text{C}$ résulterait du doublement de concentration?

Solution

De $\Delta T = \frac{\Delta T_d}{\ln 2} \ln \frac{\rho}{\rho_0}$, on obtient

$\ln \frac{\rho}{\rho_0} = \frac{\Delta T}{\Delta T_d} \ln 2 = \ln 2^{\frac{\Delta T}{\Delta T_d}} \rightarrow \rho = \rho_0 \times 2^{\frac{\Delta T}{\Delta T_d}} = (410) \times 2^{\frac{3}{6}} = 579 \rightarrow \boxed{\text{augmentation de 169 ppm}}$

... suite page suivante

Question 6. Émissions de carbone et modèle de Hubbert [5.0 points]

Supposez que la production totale mondiale Q_∞ de carbone due au charbon provienne de 270 000 quads de charbon à raison de 25 Mtonnes de carbone par quad. En 2015, le taux d'émission de carbone était de 10.5 Gtonnes (pour l'année 2015). On estime que ce taux d'émission va croître pour atteindre un maximum de $N_M = 35$ Gtonnes de carbone par année. (Tableau de la fonction gaussienne à la p. 8.)

- (a) En utilisant le modèle de Hubbert, en quelle année T_M le taux d'émission sera-t-il maximum?
- (b) Quel pourcentage de la production totale a été consommé en 2015?
- (c) Déterminez en quelle année 30% de la production totale aura été consommé?
- (d) En quelle année restera-t-il 20% de la production totale?

Solutions

(a) $Q_\infty = (270\,000 \text{ quads})(25 \times 10^6 \text{ t/quad}) = 6.75 \times 10^{12} \text{ t}$, de sorte que $\sigma = \frac{Q_\infty}{N_M \sqrt{2\pi}} = \frac{6.75 \times 10^{12}}{35 \times 10^9 \sqrt{2\pi}} = 76.94$ ans. Nous calculons ensuite le z de $N = N_M \exp\left(-\frac{z^2}{2}\right)$, qui donne $z = \sqrt{-2 \ln \frac{N}{N_M}} = \sqrt{-2 \ln \frac{10.5}{35}} = 1.5518$. Comme 2015 est à gauche du pic, $T_M = t + z\sigma = 2015 + (1.5518)(76.94) = \boxed{2134}$

(b) De (a) on a $z = 1.5518$ et le tableau de la p. 8 donne 0.88 au centre, donc il reste 12% des deux côtés, divisé par deux qui donne $\boxed{6\%}$

(c) Quand 30% est consommé, on se trouve à gauche du pic. La fraction du centre est $100 - 2(30) = 40\%$ ou 0.40. Du tableau de la fonction gaussienne, $z = 0.525$. On a $t = T_M - z\sigma = 2134 - (0.525)(76.94) = \boxed{2094}$

(d) Quand il restera 20%, nous serons à droite du pic, et la fraction du centre est $100 - 2(20) = 60\%$ ou 0.60. Du tableau de la fonction gaussienne, $z = 0.842$. On a $t = T_M + z\sigma = 2134 + (0.842)(76.94) = \boxed{2199}$

... suite page suivante

Question 7. Concentration de CFC [5.0 points]

Considérez la pollution par le CFC-12 (dichlorodifluorométhane CF_2Cl_2), dont le temps de résidence vaut $\tau = 150$ ans. En 1990, sa concentration valait $\rho_0 = 0.484$ ppb (parties par milliard ou 10^{-9}) et supposez un taux d'émission de 0.38×10^{12} g/an. Si on réduit son émission à 20% de son taux initial,

- (a) quelle sera la concentration atmosphérique ρ_∞ de CFC-12 à l'équilibre, en ppb? (Tableau périodique à la page 9.)
- (b) Quelle sera la concentrations en fonction du temps? (La seule variable doit être t .)
- (c) Quelle sera la concentration en 2030?
- (d) Est-il suffisant de réduire le taux d'émission à 20% de son taux initial pour réduire la concentration dans l'atmosphère?
- (e) À quel pourcentage du taux d'émission initial de 0.38×10^{12} g/an faudrait-il réduire le taux d'émission pour que la concentration à l'équilibre ρ_∞ soit plus petite que la concentration initiale de $\rho_0 = 0.484$ ppb?

Solution

(a) Masse molaire $w = 12 + 2 \times 19 + 2 \times 35.5 = 121$ g/mol. Avec $P = (0.2) (0.38 \times 10^{12})$, la concentration à l'équilibre est donnée par

$$\rho_\infty = \frac{P\tau}{w} (5.63 \times 10^{-21}) = \frac{(0.2)(0.38 \times 10^{12})(150)}{121} (5.63 \times 10^{-21}) = 0.530 \underbrace{\times 10^{-9}}_{\text{ppb}} = \boxed{0.530 \text{ ppb}}$$

(b) On a (t en années)

$$\rho(t) = \rho_0 \exp\left(-\frac{t}{\tau}\right) + \rho_\infty \left[1 - \exp\left(-\frac{t}{\tau}\right)\right] = \boxed{0.484 \exp\left(-\frac{t}{150}\right) + 0.530 \left[1 - \exp\left(-\frac{t}{150}\right)\right] \text{ ppb}}$$

(c) En 2030, $t = 40$ et $\rho = \boxed{0.495 \text{ ppb}}$

(d) $\boxed{\text{Non, car } \rho_\infty > \rho_0}$

(e) Calculont pour quelle fraction f qui donne $P = f (0.38 \times 10^{12})$ on obtient $\rho_\infty = \rho_0$:

$$\rho_\infty = \frac{f(0.38 \times 10^{12})(150)}{121} (5.63 \times 10^{-21}) = 0.484 \times 10^{-9} \rightarrow f = \frac{(0.484 \times 10^{-9})(121)}{(0.38 \times 10^{12})(150)(5.63 \times 10^{-21})} = \boxed{18.2\%}$$

... suite page suivante

Question 8. Puissance électrique et température [3.0 points]

Supposez qu'une ligne de transport opère à une tension de 120 kV, et qu'elle soit faite d'un métal de coefficient thermique de résistivité $\alpha = 3.93 \times 10^{-3} \text{ }^\circ\text{C}$. Le but de cette question est de déterminer si les pertes de puissance sont réduites s'il fait plus chaud ou plus froid. Quand la température extérieure passe de $-25 \text{ }^\circ\text{C}$ à $25 \text{ }^\circ\text{C}$,

- (a) de quelle pourcentage la puissance perdue dans la ligne change-t-elle?
 (b) Est-ce que la puissance perdue augmente ou diminue?
 (c) Par conséquent, dans quel cas la perte de puissance est-elle réduite: à température plus basse ou plus élevée?

Solutions

(a),(b) On utilise $P = \frac{V^2}{R} \propto \frac{1}{R}$ et $R(T) = R_0 [1 + \alpha (T - T_0)]$, d'où on obtient

$$\frac{P_1 - P_0}{P_0} = \frac{\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_0}}{\frac{1}{R_0}} = \frac{R_0 - R_1}{R_1} = \frac{-\alpha (T_1 - T_0)}{1 + \alpha (T_1 - T_0)} = \frac{-0.00393 (25 - (-25))}{1 + 0.00393 (25 - (-25))} = -0.1642$$

La puissance perdue **diminue de 16.4%**

(c) Moins de puissance perdue **à température plus élevée**

Question 9. Puissance perdue dans une ligne de transport d'électricité [3.0 points]

Une centrale (analogue à une pile) génère de l'électricité avec une puissance de 20 MW et une tension de 200 kV. Le taux de dissipation dans la ligne de transport (analogue à une résistance) est 1.5 MW, soit 7.5% de la puissance générée. Si le matériau dont la ligne est constituée a une résistance par kilomètre de 0.20 ohm/km, quelle longueur aura donc cette ligne de transport? (Considérez seulement la centrale et la ligne de transport comme une pile en série avec une résistance.)

Solutions

Puissance perdue dans le transport: $P_T = RI^2$ et puissance générée: $P_G = VI$, avec le même I dans les deux cas. On obtient de ces deux équations (en utilisant $R = \lambda L$ où $\lambda = 0.20 \text{ ohm/km}$)

$$P_T = \lambda L \left(\frac{P_G}{V} \right)^2 \rightarrow L = \frac{P_T}{\lambda} \left(\frac{V}{P_G} \right)^2 = \frac{1.5 \times 10^6}{0.2 \times 10^{-3}} \left(\frac{200 \times 10^3}{20 \times 10^6} \right)^2 = 7.5 \times 10^5 = \boxed{750 \text{ km}}$$

Question 10. Nature de la radioactivité [2.0 points]

Quel processus se produit-il dans un noyau lors d'une désintégration bêta négative? Remarque: le nombre total de nucléons reste inchangé.

Réponse: un neutron se transforme en proton et électron (et anti-neutrino) (Donc le noyau compte un proton de plus, un neutron de moins et le même nombre de nucléons.)

... suite page suivante

Question 11. Demi-vie effective [3.0 points]

Du technétium 99 m est très utile en médecine nucléaire. Sa demi-vie physique vaut 6 heures et sa demi-vie biologique est d'une journée.

- (a) Après combien de temps en restera-t-il 10%?
- (b) Quel pourcentage restera dans l'organisme après 6 heures?

Solution

(a) La demi-vie effective est donnée par

$$\frac{1}{T_{1/2,e}} = \frac{1}{T_{1/2,p}} + \frac{1}{T_{1/2,b}} = \frac{1}{6} + \frac{1}{24} \rightarrow T_{1/2,e} = 4.8 \text{ heures}$$

$$N(t) = N_0 \exp\left(-\frac{t \ln 2}{T_{1/2,e}}\right) \rightarrow t = -\frac{T_{1/2,e}}{\ln 2} \ln \frac{N}{N_0} = -\frac{4.8}{\ln 2} \ln \frac{0.1N_0}{N_0} = \boxed{16 \text{ heures}}$$

(b) $\frac{N(t)}{N_0} = \exp\left(-\frac{t \ln 2}{T_{1/2,e}}\right) = \exp\left(-\frac{6 \ln 2}{4.8}\right) = 0.42 = \boxed{42\%}$

Question 12. Énergie nucléaire 5.0 points]

Au début décembre 2019, des premiers ministres canadiens ont proposé la mise en place de “petits réacteurs (nucléaires) modulaires”. Considérez un tel réacteur, qui produirait 600 MWe de puissance électrique avec un rendement de 35%. Supposez que chaque fission émette une énergie $E = 190 \text{ MeV}$ et qu'un noyau d'uranium-235 produise une fission.

- (a) Tenant compte du rendement, quelle quantité d'énergie, en joules, doit être produite par jour?
- (b) Quel nombre de fissions, par jour, est requis pour produire cette énergie?
- (c) Ce nombre de fissions correspond à quelle masse d'uranium 235 par jour, en kg?
- (d) Et à quelle masse d'uranium *naturel*?, en considérant seulement la fission d'uranium-235 (ignorant ainsi les isotopes de plutonium produits)?

Solutions

(a) Comme $\eta = \frac{P_{el}}{P_{total}}$, la puissance totale requise est $P_{total} = \frac{P_{el}}{\eta} = \frac{600}{0.35} = 1714 \text{ MW}$. L'énergie requise par jour est donc $1714 \times 10^6 \times 24 \times 3600 = \boxed{1.48 \times 10^{14} \text{ J par jour}}$

(b) Le nombre de fissions par jour est $\frac{1.48 \times 10^{14}}{190 \times 1.6 \times 10^{-13}} = \boxed{4.87 \times 10^{24} \text{ fissions par jour}}$

(c) Ceci correspond à une masse d'U-235 (de 235 g/mole = 0.235 kg/mole) de

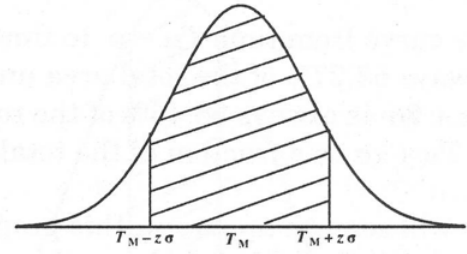
$$M_{U-235} = \frac{4.87 \times 10^{24} \times 0.235}{6.022 \times 10^{23}} = \boxed{1.90 \text{ kg}}$$

(d) Comme l'uranium naturel ne contient que 0.72% d'U-235, il faut donc une masse d'uranium naturel de

$$M_U = \frac{M_{U-235}}{0.0072} = \frac{1.90}{0.0072} = \boxed{264 \text{ kg}}$$

Table 3-1
Integral of the Gaussian Function vs. z

This table gives the integral of the Gaussian function from $T_M - z\sigma$ to $T_M + z\sigma$, shown as the shaded area to the right, as a decimal fraction of the total area under the function.



z	.00	.01	.02	.03	.04	.05	.06	.07	.08	.09
0.0	.0	.0080	.0160	.0239	.0319	.0399	.0478	.0558	.0638	.0717
0.1	.0797	.0876	.0955	.1034	.1113	.1192	.1271	.1350	.1428	.1507
0.2	.1585	.1663	.1741	.1819	.1897	.1974	.2051	.2128	.2205	.2282
0.3	.2358	.2434	.2510	.2586	.2661	.2737	.2812	.2886	.2961	.3035
0.4	.3108	.3182	.3255	.3328	.3401	.3473	.3545	.3616	.3688	.3759
0.5	.3829	.3899	.3969	.4039	.4108	.4177	.4245	.4313	.4381	.4448
0.6	.4515	.4581	.4647	.4713	.4778	.4843	.4907	.4971	.5035	.5098
0.7	.5161	.5223	.5285	.5346	.5407	.5467	.5527	.5587	.5646	.5705
0.8	.5763	.5821	.5878	.5935	.5991	.6047	.6102	.6157	.6211	.6265
0.9	.6319	.6372	.6424	.6476	.6528	.6579	.6629	.6680	.6729	.6778
1.0	.6827	.6875	.6923	.6970	.7017	.7063	.7109	.7154	.7199	.7243
1.1	.7287	.7330	.7373	.7415	.7457	.7499	.7540	.7580	.7620	.7660
1.2	.7699	.7737	.7775	.7813	.7850	.7887	.7923	.7959	.7995	.8029
1.3	.8064	.8098	.8132	.8165	.8198	.8230	.8262	.8293	.8324	.8355
1.4	.8385	.8415	.8444	.8473	.8501	.8529	.8557	.8584	.8611	.8638
1.5	.8664	.8690	.8715	.8740	.8764	.8789	.8812	.8836	.8859	.8882
1.6	.8904	.8926	.8948	.8969	.8990	.9011	.9031	.9051	.9070	.9090
1.7	.9109	.9127	.9146	.9164	.9181	.9199	.9216	.9233	.9249	.9265
1.8	.9281	.9297	.9312	.9327	.9342	.9357	.9371	.9385	.9399	.9412
1.9	.9426	.9439	.9451	.9464	.9476	.9488	.9500	.9512	.9523	.9534
2.0	.9545	.9556	.9566	.9576	.9586	.9596	.9606	.9615	.9625	.9634
2.1	.9643	.9651	.9660	.9668	.9676	.9684	.9692	.9700	.9707	.9715
2.2	.9722	.9729	.9736	.9743	.9749	.9756	.9762	.9768	.9774	.9780
2.3	.9786	.9791	.9797	.9802	.9807	.9812	.9817	.9822	.9827	.9832
2.4	.9836	.9840	.9845	.9849	.9853	.9857	.9861	.9865	.9869	.9872
2.5	.9876	.9879	.9883	.9886	.9889	.9892	.9895	.9898	.9901	.9904
2.6	.9907	.9909	.9912	.9915	.9917	.9920	.9922	.9924	.9926	.9929
2.7	.9931	.9933	.9935	.9937	.9939	.9940	.9942	.9944	.9946	.9947
2.8	.9949	.9950	.9952	.9953	.9955	.9956	.9958	.9959	.9960	.9961
2.9	.9963	.9964	.9965	.9966	.9967	.9968	.9969	.9970	.9971	.9972
3.0	.9973									
3.5	.9995									
4.0	.9999									

TABLEAU PÉRIODIQUE DES ÉLÉMENTS

PÉRIODE	GROUPE	NUMÉRO DU GROUPE RECOMMANDATIONS DE L'ITAPC (1985)																		NUMÉRO DU GROUPE CHEMICAL ABSTRACT SERVICE (1986)																									
		1A	2A	3A	4A	5A	6A	7A	8A	9A	10A	11A	12A	13A	14A	15A	16A	17A	18A	1A	2A	3A	4A	5A	6A	7A	8A	9A	10A	11A	12A	13A	14A	15A	16A	17A	18A								
		NOMBRE ATOMIQUE																		MASSE ATOMIQUE RELATIVE (1)																									
		SYMBOLÉ																		NOM DE L'ÉLÉMENT																									
1	H	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	13	14	15	16	17	18	13	14	15	16	17	18	18	18	2	4.0026										
2	Li	Be																			B	C	N	O	F	Ne																			He
3	Na	Mg																			Al	Si	P	S	Cl	Ar																			He
4	K	Ca	Sc	Ti	V	Cr	Mn	Fe	Co	Ni	Cu	Zn	Ga	Ge	As	Se	Br	Kr																			Ar								
5	Rb	Sr	Y	Zr	Nb	Mo	Tc	Ru	Rh	Pd	Ag	Cd	In	Sn	Sb	Te	I	Xe																			Ar								
6	Cs	Ba	La-Lu	Hf	Ta	W	Re	Os	Ir	Pt	Au	Hg	Tl	Pb	Bi	Po	At	Rn																			Ar								
7	Fr	Ra	Ac-Lr	Rf	Db	Sg	Bh	Hs	Mt	Uun	Uuu	Uub	Uuq																			Ar													

Lanthanides

57	138.91	58	140.12	59	140.91	60	144.24	61	(145)	62	150.36	63	151.86	64	157.25	65	158.93	66	162.50	67	164.93	68	167.26	69	168.93	70	173.04	71	174.97
La	LANTHANE	Ce	CÉRUM	Pr	PRASÉODYME	Nd	NÉODYME	Pm	PROMÉTHIUM	Sm	SAMARIUM	Eu	EUROPYUM	Gd	GADOLINIUM	Tb	TERBIUM	Dy	DYSPROSIUM	Ho	HOLMIUM	Er	ERBIUM	Tm	THULIUM	Yb	YTBERIUM	Lu	LUTÉTIUM

Actinides

89	(227)	90	232.04	91	231.04	92	238.03	93	(237)	94	(244)	95	(243)	96	(247)	97	(247)	98	(251)	99	(252)	100	(257)	101	(258)	102	(259)	103	(262)	7
Ac	ACTINIUM	Th	THORIUM	Pa	PROTACTINIUM	U	URANIUM	Np	NEPTUNIUM	Pu	PLUTONIUM	Am	AMÉRICIUM	Cm	CURIUM	Bk	BERKÉLIUM	Cf	CALIFORNIUM	Es	EINSTEINIUM	Fm	FERMIUM	Md	MENDELEÏVIUM	No	NOBELIUM	Lr	LAWRENCIUM	

La masse atomique relative est donnée avec cinq chiffres significatifs. Pour les éléments qui n'ont pas de nucléides stables, la valeur entre parenthèses indique le nombre de masse du nucléide de l'élément ayant la durée de vie la plus grande.

Toutefois, pour les trois éléments Th, Pa et U qui ont une composition isotopique terrestre connue, une masse atomique est indiquée.