

Nom

SOLUTIONS

Numéro d'étudiant

Professeur

Marc de Montigny

Date

Jeudi 18 novembre 2021, de 14h30 à 15h50

Local

366

Instructions

- Ce cahier contient **7 pages**. Écrivez-y directement vos réponses. Vous pouvez utiliser le verso pour vos calculs. **Je ne le corrigerai pas sauf si vous m'indiquez de le faire.**
- L'examen contient **15 points** et vaut **15%** de la note finale du cours.
- L'examen contient **7 questions**. Vous pouvez obtenir une partie des points même si votre réponse finale est erronée.
- Examen à livre fermé. Vous pouvez utiliser l'aide-mémoire (une feuille recto-verso) que vous aurez complété et imprimé.
- Matériel permis: aide-mémoire, crayon ou stylo, calculatrice (programmable ou graphique permise aussi). Tout autre appareil électronique ou moyen de communication est interdit. Mettez vos téléphones cellulaires hors circuit.

Si quelque chose n'est pas clair, n'hésitez pas à me demander de clarifier!

Question 1. Concentration d'un gaz polluant [1.5 point]

À 2 ppm, la concentration atmosphérique du méthane (CH_4) est bien inférieure à celle du CO_2 , mais le CH_4 piège la chaleur 84 fois plus que le CO_2 . (Tableau périodique à la fin de l'examen.) Quelle est la concentration en mg/m^3 de 2 ppm de CH_4 :

- (a) au sommet de l'Everest, s'il y fait une température de -20°C et que la pression y vaut 0.333 atm, et
(b) à des conditions normales de $+20^\circ\text{C}$ et 1.0 atm?

Solutions

- (a) Au sommet de l'Everest,

$$\left[\frac{\text{mg}}{\text{m}^3}\right] = \frac{(2)(12 + 4)}{22.4} \frac{273}{273 - 20} \frac{0.333}{1} = \boxed{0.513 \text{ mg}/\text{m}^3}$$

- (b) Sous des conditions normales,

$$\left[\frac{\text{mg}}{\text{m}^3}\right] = \frac{(2)(12 + 4)}{22.4} \frac{273}{273 + 20} \frac{1}{1} = \boxed{1.33 \text{ mg}/\text{m}^3}$$

Question 2. Concentration d'un polluant dans l'eau [2.5 points]

Supposez que la rivière North Saskatchewan contienne $0.2 \text{ g}/\text{m}^3$ d'un polluant conservatif en entrant dans Edmonton. Le débit de la rivière vaut $100 \text{ m}^3/\text{s}$. Dans la ville, une industrie déverse 6 kg par minute du même polluant dans la rivière, sans affecter le débit volumique total de la rivière.

- (a) Quelle est la concentration de ce polluant, en g/m^3 , dans la rivière à la sortie d'Edmonton?
(b) Que vaut cette concentration en parties par million (ppm)? (Rappel: la concentration de l'eau vaut $10^6 \text{ g}/\text{m}^3$.)

Solutions

(a) Comme $6 \text{ kg}/\text{min} = 6000 \text{ g}/(60 \text{ s}) = 100 \text{ g}/\text{s}$, le taux d'entrée du polluant vaut $(0.2 \text{ g}/\text{m}^3)(100 \text{ m}^3/\text{s}) + 100 \text{ g}/\text{s} = 120 \text{ g}/\text{s}$. Le taux de sortie vaut $\rho_s(100 \text{ m}^3/\text{s})$, de sorte que $\rho_s(100 \text{ m}^3/\text{s}) = 120 \text{ g}/\text{s}$ donne $\rho_s = 1.2 \text{ g}/\text{m}^3$

(b) On peut écrire $\rho_s = (1.2 \text{ g}/\text{m}^3)/(10^6 \text{ g}/\text{m}^3) = \boxed{1.2 \text{ ppm}}$

Question 3. Concentration d'un polluant non-conservatif dans l'air [3.5 points]

Une salle de bingo ouvre à 19 h avec de l'air pur. Son volume vaut 1260 m^3 et elle contient 30 personnes qui fument chacune 2 e-cigarettes par heure. Chaque e-cigarette émet environ 1.0 mg de formaldéhyde (HCHO) qui est converti en dioxyde de carbone (CO_2) à un taux $\kappa = 0.4 \text{ hr}^{-1}$. De l'air frais pénètre et ressort de la salle à raison de $800 \text{ m}^3/\text{h}$. (Tableau périodique à la fin de l'examen.)

- (a) Quelle sera la concentration de HCHO à l'équilibre, en mg/m^3 ?
- (b) Si la température vaut 22°C et la pression, 1 atm, quelle est l'équation de la concentration de HCHO (en mg/m^3) en fonction du temps?
- (c) D'après votre réponse en (b), quelle sera la concentration à 20 h?
- (d) D'après votre équation en (b), à quelle heure une concentration de 0.05 ppm (seuil d'irritation des yeux) sera atteinte?
- (e) À quelle heure une concentration de 0.01 ppm sera atteinte?

Solutions

(a) On a $V = 1260 \text{ m}^3$, un taux d'entrée $S = 30 \times 2 \times 1.0 \text{ mg}/\text{h} = 60 \text{ mg}/\text{h}$, $Q = 800 \text{ m}^3/\text{h}$, et $\kappa = 0.4 \text{ hr}^{-1}$. On peut calculer la concentration à l'équilibre:

$$\rho_\infty = \frac{S}{Q + \kappa V} = \boxed{0.046 \text{ mg}/\text{m}^3}$$

(b) Comme $\rho_0 = 0 \text{ mg}/\text{m}^3$, et $\kappa + \frac{Q}{V} = 1.0349 \text{ hr}^{-1}$, la concentration est

$$\rho(t) = (\rho_0 - \rho_\infty) \exp\left[-\left(\kappa + \frac{Q}{V}\right)t\right] + \rho_\infty = -0.046e^{-1.0349t} + 0.046 = \boxed{0.046(1 - e^{-1.0349t}) \text{ mg}/\text{m}^3}$$

(c) À 20 h, on prend $t = 1 \text{ h}$ dans l'équation de (b) et

$$\rho(t) = 0.046(1 - e^{-1.0349(1)}) = \boxed{0.0297 \text{ mg}/\text{m}^3}$$

(d) 0.05 ppm correspond à

$$\left[\frac{\text{mg}}{\text{m}^3}\right] = \frac{(0.05)(1 + 12 + 1 + 16)}{22.4} \frac{273}{273 + 22} \frac{1}{1} = 0.06197 \text{ mg}/\text{m}^3$$

Comme la concentration passe de $\rho_0 = 0$ à $\rho_\infty = 0.046 \text{ mg}/\text{m}^3$, 0.05 ppm ne sera jamais atteinte

(e) Il s'agit de $(1/5)0.06197 \text{ mg}/\text{m}^3 = 0.01239 \text{ mg}/\text{m}^3$ et en posant

$$0.046(1 - e^{-1.0349t}) = 0.01239 \rightarrow t = 0.3032 \text{ h} = 0.3032(60 \text{ min}) = 18 \text{ min} \rightarrow \boxed{19\text{h}18}$$

Question 4. Intensité, albédo et température [2.5 points]

Soit I_0 , la constante solaire (en W/m^2) reçue par une planète de rayon R dont l'albédo est α .

- (a) En utilisant l'équilibre entre le rayonnement entrant la planète et le rayonnement émis par la planète, ainsi que la loi de Stephan-Boltzmann ($I = \sigma T^4$, $\sigma = 5.67 \times 10^{-8} \text{ W/m}^2 \cdot \text{K}^4$) pour un corps noir, quelle est la relation impliquant I_0 , α , R et T qui permet de calculer approximativement (sans tenir compte des détails de l'atmosphère) la température globale T de la planète?
- (b) Avec votre résultat, quelle serait la température globale de la Terre, avec $I_0 = 1368 \text{ W/m}^2$, $R = 6370 \text{ km}$ et $\alpha = 0.31$?
- (c) Et pour Vénus, dont $I_0 = 2636 \text{ W/m}^2$, $R = 6052 \text{ km}$ et $\alpha = 0.75$?

Solutions

- (a) L'équilibre entre l'entrée et la sortie d'énergie donne

$$(1 - \alpha)I_0 \times \pi R^2 = \sigma T^4 \times 4\pi R^2$$

- (b) Pour la Terre, la réponse en (a) donne

$$T^4 = (1 - \alpha) \frac{I_0}{4\sigma} \rightarrow T = \sqrt[4]{(1 - \alpha) \frac{I_0}{4\sigma}} = \sqrt[4]{(1 - 0.31) \frac{1368}{4(5.67 \times 10^{-8})}} = \boxed{254 \text{ K} = -19 \text{ }^\circ\text{C}}$$

- (c) Pour Vénus, (a) donne

$$T = \sqrt[4]{(1 - \alpha) \frac{I_0}{4\sigma}} = \sqrt[4]{(1 - 0.75) \frac{2636}{4(5.67 \times 10^{-8})}} = \boxed{232 \text{ K} = -41 \text{ }^\circ\text{C}}$$

Question 5. Masse de l'atmosphère [2.0 points]

La valeur de la pression atmosphérique terrestre, $P_{\text{atm}} = 101.3 \text{ kPa}$, nous permet d'évaluer la masse de l'atmosphère, car P_{atm} est due au poids de l'atmosphère sur la surface de la Terre, qu'on considère comme étant un sphère de rayon $r = 6370 \text{ km}$ (et d'aire $A = 4\pi r^2$). En se rappelant que la pression $P = F/A$, déduisez, du poids de l'atmosphère, la masse de l'atmosphère en divisant son poids par $g = 9.81 \text{ m/s}^2$.

Solution

$mg = PA = P(4\pi r^2)$ d'où

$$m = \frac{P(4\pi r^2)}{g} = \frac{101.3 \times 10^3 (4\pi)(6370 \times 10^3)^2}{9.81} = \boxed{5.27 \times 10^{18} \text{ kg}}$$

... suite en page 5

Question 6. Réchauffement climatique dû au CO₂ [1.5 point]

Selon la NASA, la concentration de CO₂ dans l'atmosphère vaut présentement 417 ppm. Si on suppose que le doublement de cette concentration causerait une croissance de température globale de $\Delta T_d = 3.5^\circ\text{C}$,

- (a) sachant que cette concentration valait 280 ppm en 1840, de combien la température aurait-elle changé depuis 1840, selon ce modèle?
(b) quelle concentration correspondrait à une augmentation de température de 7.0°C (le pire scénario, selon le GIEC) de plus que celle de 1840?

Solutions

- (a) Changement de température de 1840 à maintenant

$$\Delta T = \frac{\Delta T_d}{\ln(2)} \ln \frac{\rho}{\rho_0} = \frac{3.5}{\ln(2)} \ln \frac{417}{280} = \boxed{2.01^\circ\text{C}}$$

- (b) En isolant ρ , on trouve

$$\rho = 2^{\frac{\Delta T}{\Delta T_d}} \rho_0 = 2^{\frac{7}{3.5}} (280) = \boxed{1120 \text{ ppm}}$$

... suite en page 6

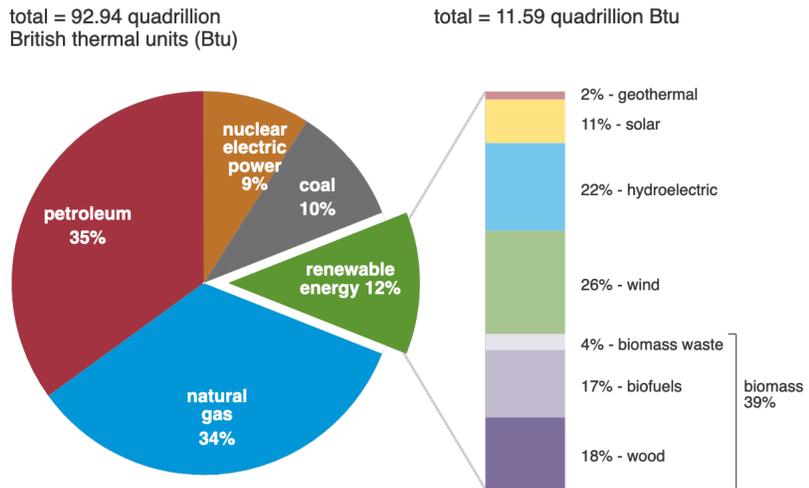
Question 7. Émissions de carbone [1.5 point]

En 2020, les États-Unis ont consommé 92.94 quads d'énergie, distribué par sources tel que montré ci-dessous. Prenez comme quantité de carbone émise pour chaque source:

- (1) 25.2 Mtonnes par quad pour le charbon,
- (2) 20.8 Mtonnes par quad pour le pétrole,
- (3) 14.5 Mtonnes par quad pour le gaz naturel et
- (4) zéro pour les autres.

En considérant que 48% du carbone émis au total est capté par l'atmosphère et que 2120 Mtonnes de carbone atmosphérique correspondent à une hausse de 1 ppm de la concentration de CO₂ dans l'atmosphère, de combien la concentration de CO₂ dans l'atmosphère a augmenté, en ppm, en 2020?

U.S. primary energy consumption by energy source, 2020



Source: U.S. Energy Information Administration, *Monthly Energy Review*, Table 1.3 and 10.1, April 2021, preliminary data
 eia Note: Sum of components may not equal 100% because of independent rounding.

Solution

Quantité totale de carbone émis:

$$C(\text{charbon}) + C(\text{pétrole}) + C(\text{gaz}) = (0.10)(92.94 \text{ quads})(25.2 \text{ Mt/quad}) + (0.35)(92.94 \text{ quads})(20.8 \text{ Mt/quad}) + (0.34)(92.94 \text{ quads})(14.5 \text{ Mt/quad}) + (0.12 + 0.09)(92.94 \text{ quads})(0.0 \text{ Mt/quad}) = 1383.4 \text{ Mt de C.}$$

La concentration de CO₂ aurait donc augmenté de

$$(1383.4 \text{ Mt de C})(0.48) \frac{1 \text{ ppm}}{2120 \text{ Mt}} = \boxed{0.313 \text{ ppm}}$$

... tableau périodique en page suivante

