

Nom

SOLUTIONS

Numéro _____

Professeur Marc de Montigny
Date jeudi 15 décembre 2022, de 14 h à 17 h
Lieu gymnase de la FSJ, rangée 3

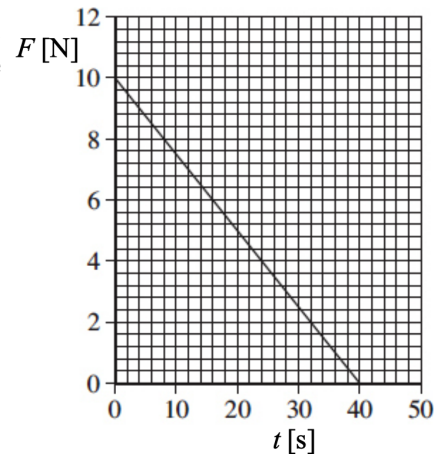
INSTRUCTIONS

- Ce cahier contient **10 pages**, incluant celle-ci et la page vide à la fin. Écrivez-y directement vos réponses. Vous pouvez utiliser le verso pour vos calculs; je ne le corrigerai pas, sauf si vous m'indiquez de le faire.
- L'examen contient **17 questions**, dont 10 problèmes et 7 questions à choix multiple. Vous pouvez obtenir une fraction des points pour les problèmes, même si des réponses finales sont erronées, mais pas de fraction de point pour les questions à choix multiple.
- L'examen contient **35 points** et vaut **35%** de la note finale du cours.
- Examen à livre fermé. Vous pouvez utiliser l'aide-mémoire (une feuille recto-verso) que vous aurez complété. Vous perdrez 7/35 si vous y avez inclus des solutions ou si vous ne retournez pas votre aide-mémoire avec l'examen.
- Matériel permis: crayon ou stylo, aide-mémoire, calculatrice (programmable ou graphique permise aussi). Tout autre appareil électronique ou moyen de communication est interdit. Mettez vos téléphones cellulaires hors circuit.

Si quelque chose n'est pas clair, n'hésitez pas à me demander de clarifier!

Question 1. Théorème de l'impulsion [1.5 point]

Le graphique montre la force nette positive (vers la droite) agissant sur un bloc en fonction du temps. Le bloc a une masse de 300 g et, à $t = 0$ s, il se déplace à -200 m/s (vers la gauche). Quelle est la vitesse du bloc après 32 secondes?



Solutions

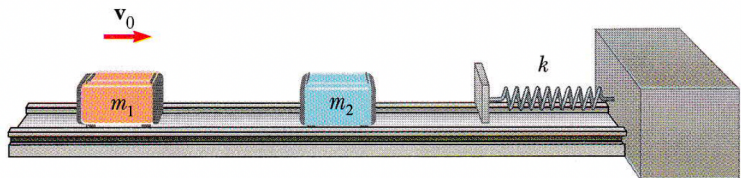
On applique $mv_f = mv_i + I$ avec $v_i = -200$ m/s et $I = \frac{1}{2}(40)(10) - \frac{1}{2}(8)(2) = 192$, on calcule

$$v_f = v_i + \frac{I}{m} = -200 + \frac{192}{0.300} = \boxed{440 \text{ m/s}}$$

Question 2. Collisions et ressort [2.5 points]

Deux chariots, de masses $m_1 = 250$ g (à gauche) et $m_2 = 150$ g (à droite), sont placés sur une piste horizontale sans friction. Un ressort léger de constante $k = 50.0$ N/m est attaché à l'extrémité droite, tel qu'illustré. Le chariot m_1 a une vitesse initiale $v_0 = 3.00$ m/s vers la droite, et le chariot m_2 est initialement au repos. Si, après la collision, le bloc m_1 a une vitesse $v = -1.00$ m/s vers la gauche, trouvez

- (a) la vitesse du chariot m_2 juste après la première collision, et
- (b) la compression maximale du ressort. (Négligez la masse de la plaque attachée au ressort.)



Solutions

(a) On résout $m_1 v_0 = m_1(-1) + m_2 v$, qui donne $v = \boxed{6.67 \text{ m/s}}$

(b) De la conservation d'énergie entre le contact avec le ressort et la compression maximale, on calcule

$$\frac{1}{2}m_2 v^2 = \frac{1}{2}kx^2 \rightarrow x = \sqrt{\frac{m_2}{k}}v = \sqrt{\frac{0.15}{50}}(6.666667) = \boxed{36.5 \text{ cm}}$$

Question 3. Cinématique de rotation [1.5 point. Pas de fraction de point.]

À $t = 0$ s, un objet au repos commence à tourner avec une accélération angulaire α constante. Si cet objet tourne d'un angle θ pendant le temps t , de quel angle aura-t-il tourné pendant le temps $\frac{1}{4}t$? (Encerlez la bonne réponse.)

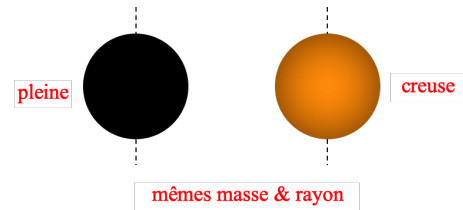
- A. $\frac{1}{16}\theta$ B. $\frac{1}{4}\theta$ C. $\frac{1}{2}\theta$ D. 4θ E. 16θ

Réponse: A car $\theta = \frac{1}{2}\alpha t^2$, dépendance quadratique du temps.

Question 4. Moment d'inertie [1.5 point. Pas de fraction de point.]

Deux sphères ont le même rayon et des masses égales. L'une est faite d'aluminium, pleine et uniforme, et l'autre est une coquille creuse en or. Quelle sphère a le plus grand moment d'inertie I autour d'un axe passant par son centre? (Encerlez la bonne réponse.)

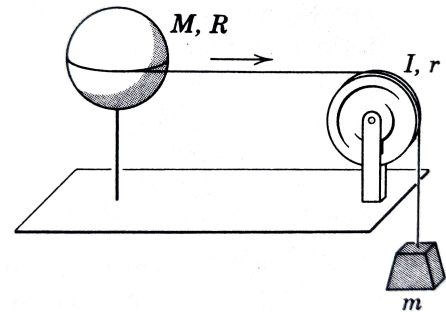
- A. sphère pleine B. sphère creuse C. égales
D. manque d'information



Réponse: B car la même masse est distribuée plus loin de l'axe de rotation.

Question 5. Énergie de rotation [3.0 points]

Une sphère solide homogène de $M = 300$ g et de rayon $R = 4.50$ cm tourne autour d'un axe vertical sans friction. Autour de l'équateur de la sphère, on enroule un fil léger, qui ne glisse pas sur la sphère, et qu'on relie à un bloc de $m = 460$ g suspendu par l'intermédiaire d'une poulie de rayon $r = 2.00$ cm et $I = 10^{-5}$ kg·m². Quelle vitesse aura la masse ayant tombé d'une hauteur $h = 28.0$ cm à partir du repos? (Pour la sphère, $I_S = \frac{2}{5}MR^2$)



Solution

Par conservation de l'énergie, $\Delta K_t + \Delta K_r + \Delta U_g = 0$

$$\frac{1}{2}mv^2 + \frac{1}{2}I\omega_p^2 + \frac{1}{2}I_S\omega_S^2 - mgh = 0 \rightarrow mgh = \frac{1}{2}mv^2 + \frac{1}{2}I\frac{v^2}{r^2} + \frac{1}{2}\frac{2}{5}MR^2\frac{v^2}{R^2} = \left(\frac{m}{2} + \frac{I}{2r^2} + \frac{M}{5}\right)v^2$$

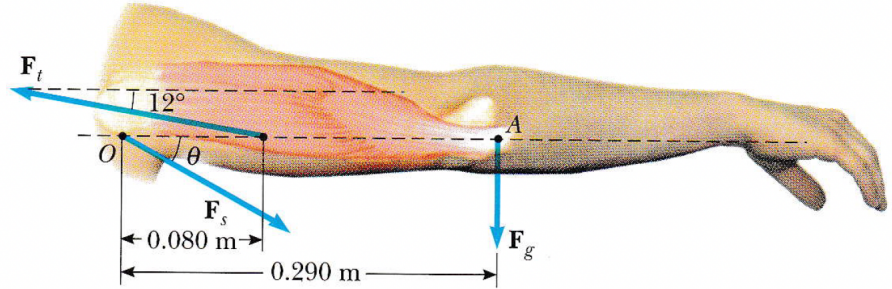
et en isolant v

$$v = \sqrt{\frac{mgh}{\frac{m}{2} + \frac{I}{2r^2} + \frac{M}{5}}} = \sqrt{\frac{10mghr^2}{2Mr^2 + 5I + 5mr^2}} = \sqrt{\frac{10(0.46)(9.81)(0.28)(0.02)^2}{2(0.3)(0.02)^2 + 5(10^{-5}) + 5(0.46)(0.02)^2}} = \boxed{2.04 \text{ m/s}}$$

Question 6. Équilibre statique [3.0 points]

Le bras ci-dessous a un poids de 41.5 N exercé au point A. D'autres informations sont à la figure. Afin de tenir le bras dans la position illustrée,

- (a) quelle est la grandeur de la tension \mathbf{F}_t par le muscle du deltoïde sur le bras?
- (b) Quelle est la grandeur de la force \mathbf{F}_s de l'épaule sur l'humérus (l'os du haut du bras)?
- (c) Quel est l'angle θ entre l'horizontale et la force \mathbf{F}_s de l'épaule sur l'humérus?



Solutions

(a) Le moment de force net et les forces nettes horizontale et verticale sont égales à zéro. Avec le pivot à O, on a

$$\sum \tau = F_t(0.08) \sin(12^\circ) - F_g(0.29) = 0 \rightarrow F_t = \frac{(41.5)(0.29)}{(0.08) \sin(12^\circ)} = 723.5644 \approx \boxed{724 \text{ N}}$$

(b) F_s est obtenu des équations

$$\begin{aligned} \sum F_x &= F_s \cos \theta - F_t \cos(12^\circ) = 0 \rightarrow F_s \cos \theta = F_t \cos(12^\circ), \\ \sum F_y &= F_t \sin(12^\circ) - F_s \sin \theta - F_g = 0 \rightarrow F_s \sin \theta = F_t \sin(12^\circ) - F_g, \end{aligned}$$

d'où

$$F_s = \sqrt{(F_t \cos(12^\circ))^2 + (F_t \sin(12^\circ) - F_g)^2} = \sqrt{((723.56) \cos(12^\circ))^2 + ((723.56) \sin(12^\circ) - 41.5)^2} \approx \boxed{716 \text{ N}}$$

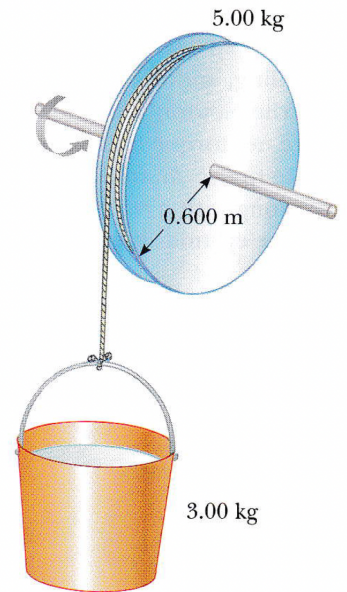
(c) Les deux équations précédentes donnent

$$\tan \theta = \frac{F_s \sin \theta}{F_s \cos \theta} = \frac{(723.56) \sin(12^\circ) - 41.5}{(723.56) \cos(12^\circ)} \rightarrow \boxed{\theta = 8.75^\circ}$$

Question 7. Dynamique de rotation [3.0 points]

La figure de droite montre une poulie de 5.00 kg qui a un rayon de 0.600 m, utilisée pour baisser une chaudière de 3.00 kg dans un puits. Pour la poulie, prenez $I = \frac{1}{2}MR^2$. La chaudière part du repos et tombe pendant 4.00 s.

- (a) Quelle est l'accélération a de la chaudière?
- (b) Quelle est l'accélération angulaire α de la poulie?
- (c) Quelle est la tension dans la corde?
- (d) Sur quelle distance la chaudière chute-t-elle pendant ces 4.00 s?



Solutions

(a) Avec $a = \alpha R$, on applique les équations de Newton à la poulie,

$$\sum \tau = TR = I\alpha = \frac{1}{2}MR^2 \frac{a}{R} \rightarrow T = \frac{1}{2}Ma$$

et à la chaudière,

$$mg - T = ma \rightarrow mg - \frac{1}{2}Ma = ma \rightarrow a = \frac{mg}{m + M/2} = \frac{(3.00)(9.81)}{3.00 + 5.00/2} = \boxed{5.35 \text{ m/s}^2}$$

(b) $\alpha = \frac{a}{R} = \frac{5.35}{0.6} = \boxed{8.92 \text{ rad/s}^2}$

(c) $T = \frac{1}{2}Ma = \frac{1}{2}(5.00)(5.35) = \boxed{13.4 \text{ N}}$

(d) $y = y_0 + v_{0y}t + \frac{1}{2}at^2 = \frac{1}{2}(5.35)(4)^2 = \boxed{42.8 \text{ m}}$

Question 8. Conservation du moment cinétique [2.5 points]

Un manège, vu comme un cylindre de masse $M = 25.0$ kg, de rayon $R = 2.00$ m et de moment d'inertie $I = \frac{1}{2}MR^2$, tourne à un taux de 0.200 tour/s, initialement, avec une personne de 80.0 kg debout à un point à 2.00 m de l'axe de rotation. La personne se met à marcher vers l'axe.

- (a) Quelle est la nouvelle vitesse angulaire, une fois la personne rendue à 80.0 cm de l'axe?
(b) Quel est le changement de l'énergie cinétique dû au déplacement de la personne?

Solutions

- (a) Le moment d'inertie total initial du manège M et de la personne P vaut

$$I_i = I_M + I_P = \frac{1}{2}MR^2 + mr^2 = \frac{1}{2}(25)(2)^2 + (80)(2)^2 = 370 \text{ kg} \cdot \text{m}^2$$

et le moment d'inertie final est

$$I_f = \frac{1}{2}(25)(2)^2 + (80)(0.8)^2 = 101.2 \text{ kg} \cdot \text{m}^2.$$

La conservation du moment cinétique, $I_i\omega_i = I_f\omega_f$ donne $\omega_f = \frac{I_i}{I_f}\omega_i = \frac{370}{101.2}(0.2) = \boxed{0.731 \text{ tour/s}}$

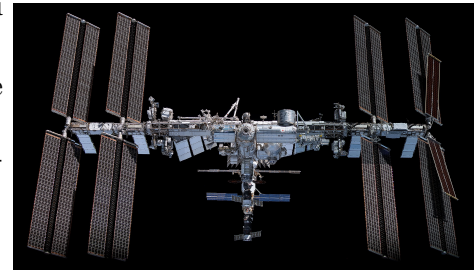
- (b) Le changement d'énergie cinétique est donné par (avec ω en rad/s)

$$\Delta K = K_f - K_i = \frac{1}{2}I_f\omega_f^2 - \frac{1}{2}I_i\omega_i^2 = \frac{1}{2}(101.2)(2\pi(0.731))^2 - \frac{1}{2}(370)(2\pi(0.200))^2 = \boxed{775 \text{ joules}}$$

Question 9. Loi de gravitation universelle [2.0 points]

La Station spatiale internationale vole à une altitude d'environ 418 km au dessus de la surface terrestre.

- (a) En utilisant la loi de la gravitation universelle, et supposant une trajectoire circulaire, quelle est la vitesse (en m/s) de la Station spatiale sur son orbite?
(b) Quelle est la période de la Station spatiale autour de son orbite, en minutes?



Solutions

- (a) De $\frac{GMm}{r^2} = ma_{cp} = \frac{mv^2}{r}$, on calcule

$$v = \sqrt{\frac{GM}{r}} = \sqrt{\frac{(6.67 \times 10^{-11})(5.97 \times 10^{24})}{(6370 + 418) \times 10^3}} = \boxed{7660 \text{ m/s}}$$

- (b) Comme la vitesse est donnée par $v = \frac{2\pi r}{T}$, on trouve la période

$$T = \frac{2\pi r}{v} = \frac{2\pi(6370 + 418) \times 10^3}{7660} = 5569 \text{ s} \approx \boxed{93 \text{ min}}$$

... suite p. 7

Question 10. Oscillateur harmonique [1.5 point. Pas de fraction de point.]

Une masse de 400 g, suspendue à un ressort de constante $k = 80$ N/m, effectue un mouvement harmonique simple. Quelle est la *grandeur de la vitesse* de cette masse à l'instant où elle passe par sa position d'équilibre, sachant que son déplacement maximal vaut 10 cm? (Encerclez la réponse la plus proche de la valeur correcte.)

- A. zéro B. 0.10 m/s C. 1.4 m/s D. 3.4 m/s E. 20 m/s

Réponse: C car $v_{max} = \omega A = \sqrt{\frac{k}{m}} A = \sqrt{\frac{80}{0.4}} (0.1) = 1.4$ m/s

Question 11. Énergie dans un oscillateur [3.0 points]

Un oscillateur harmonique simple d'amplitude A a une énergie totale E .

- (a) Lorsque la position est $A/4$, quelle fraction de E est de l'énergie cinétique?
(b) Lorsque la position est $A/4$, quelle fraction de E est de l'énergie potentielle?
(c) À quelle(s) position(s) –en termes de A – l'énergie cinétique vaut-elle la moitié de l'énergie potentielle?
(d) Y a-t-il des positions où l'énergie cinétique est supérieure à $U_{max} = \frac{1}{2}kA^2$?

Solutions

- (a) À $x = \frac{A}{4}$, et comme $E = \frac{1}{2}kA^2$, on a

$$K = E - \frac{1}{2}kx^2 = \frac{1}{2}kA^2 - \frac{1}{2}k\frac{A^2}{4^2} = \frac{1}{2}kA^2 \left(1 - \frac{1}{16}\right) = \frac{15}{16} \frac{1}{2}kA^2 = \frac{15}{16} E$$

- (b) Comme $E = K + U$, on obtient

$$U = E - K = E - \frac{15}{16} E = \frac{1}{16} E$$

- (c) De $E = K + U$ et $E = \frac{1}{2}kA^2$, avec $U = \frac{1}{2}kx^2$, on calcule

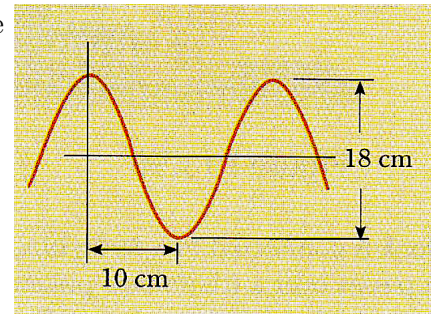
$$E = \frac{1}{2}kA^2 = \frac{1}{2}U + U = \frac{1}{2} \left(\frac{1}{2}kx^2\right) + \frac{1}{2}kx^2 = \frac{3}{4}kx^2 \rightarrow x = \pm \sqrt{\frac{2}{3}} A = \pm 0.816A$$

- (d) Non car K ne peut pas dépasser $U_{max} = E$.

Question 12. Ondes [2.0 points]

La figure montre une onde qui se déplace horizontalement. Elle a une fréquence de 25.0 Hz. Calculez

- (a) son amplitude,
- (b) sa longueur d'onde,
- (c) sa période, et
- (d) sa vitesse.

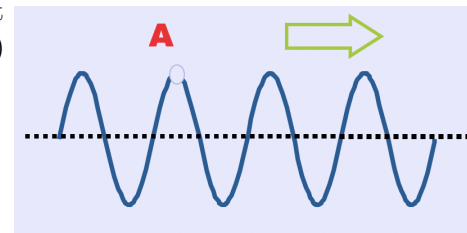






Réponses

- (a) Du graphique, on voit que $A = 9.0 \text{ cm}$
- (b) Du graphique, la longueur d'onde est le double de la distance (10 cm) entre un creux et une crête, donc $\lambda = 20 \text{ cm}$
- (c) $T = \frac{1}{f} = \frac{1}{25} \rightarrow T = 0.04 \text{ s}$
- (d) $v = \lambda f = (0.20)(25) = 5.0 \text{ m/s}$

Question 13. Ondes sur une corde [1.5 point. Pas de fraction de point.]

Une onde sur une corde se déplace vers la droite, comme ci-contre. Quelle est la direction du vecteur *accélération* du point A? (Encerclez la bonne réponse.)



- A. 
- B. 
- C. 
- D. 
- E. aucune des ces réponses

Réponse: C car $ma = -kx$, donc **a** est opposé à **x**.

Question 14. Ondes sonores [2.0 points]

Quand on inspire de l'hélium, notre voix devient plus aigüe, à la *Donald Duck*. Expliquez ce phénomène, en considérant que la longueur d'onde λ est fixée par la longueur de vos cordes vocales.

Réponse: Dans l'hélium, v croît, de sorte que $f = \frac{v}{\lambda}$ croît aussi.

Question 15. Intensité sonore [1.5 point. Pas de fraction de point.]

Une radio a un niveau d'intensité sonore $\beta_R = 40$ dB. Un trafic routier très fréquenté a un niveau d'intensité $\beta_T = 70$ dB. Quel est le rapport $\frac{I_T}{I_R}$ de l'intensité du trafic routier sur l'intensité de la radio? (Encerlez la meilleure réponse.)

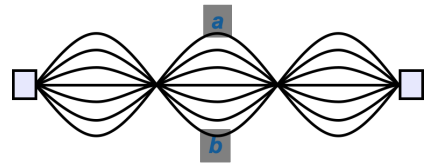
- A. le même
- B. 1.75
- C. 30
- D. 100
- E. 1000

Réponse: E car $\frac{I_T}{I_R} = \frac{I_0 10^{\beta_T/10}}{I_0 10^{\beta_R/10}} = 10^{\beta_T/10 - \beta_R/10} = 10^{7-4} = 10^3$

Question 16. Ondes stationnaires [1.5 point. Pas de fraction de point.]

Une corde est serrée à ses deux extrémités et pincée de sorte qu'elle vibre dans le mode montré ci-dessous. Sa longueur est 3.0 m et sa masse, 2.5 g. Si la tension vaut 0.50 N, quelle est la fréquence qui va générer ce mode? (Encerlez la réponse la plus proche de la valeur correcte.)

- A. 0.13 Hz
- B. 0.39 Hz
- C. 4.0 Hz
- D. 8.0 Hz
- E. 12 Hz



Réponse: E car

$$f_3 = \frac{3v}{2L} = \frac{3}{2L} \sqrt{\frac{F}{\mu}} = \frac{3}{2L} \sqrt{\frac{F}{m/L}} = \frac{3}{2} \sqrt{\frac{F}{mL}} = \frac{3}{2} \sqrt{\frac{(0.50)}{(0.0025)(3)}} = 12.2 \text{ Hz}$$

Question 17. Interférence à deux fentes de Young [1.5 point. Pas de fraction de point.]

Si, dans une expérience d'interférence à deux fentes de Young, on double la distance entre les deux fentes, alors la largeur des franges (Encerlez la bonne réponse)

- A. doublera
- B. sera réduite de moitié
- C. sera quatre fois plus grande
- D. sera divisée par quatre
- E. restera la même.

Réponse: B car $d \sin \theta = d \tan \theta = d \frac{y}{L} = m\lambda \rightarrow y \propto \frac{1}{d}$

page vide pour calculs

Bonne chance et passez d'excellentes vacances!